

PART - C

MATHEMATICS

(Marks : 100)

51. If A, B are two sets, then $(A-B)' \cap (B-A)' =$
 A, B లు రెండు సమితులైతే, $(A-B)' \cap (B-A)' =$
- (1) $A \cap B$ (2) $(A' \cup B') \cap (A \cup B)$
 (3) $(A \cup B)'$ (4) $(A' \cap B') \cup (A \cap B)$
- ✓ (4) $(A' \cap B') \cup (A \cap B)$
52. If set A has 5 elements, then the number of nonempty subsets of A is
 ఒక సమితి A లో 5 మూలకాలుంటే, A యొక్క శూన్యతర ఉపసమితుల సంఖ్య
- (1) 32 (2) 31
 (3) 25 (4) 24
- ✓ (2) 31
53. If set A has 6 elements, then the number of reflexive relations that can be defined on A is
 ఒక సమితి A లో 6 మూలకాలుంటే, A పై నిర్వచింపగల పరావర్తన సంబంధాల సంఖ్య
- (1) 2^{36} (2) 2^{30}
 (3) 36 (4) 30
- ✓ (2) 2^{30}
54. If $A = \{a, b, c\}$, then the relation $R = \{(a, b), (b, a), (a, a)\}$ defined on A is a
 $A = \{a, b, c\}$ అయితే, A పై నిర్వచితమైన సంబంధం $R = \{(a, b), (b, a), (a, a)\}$ ఒక
- (1) Reflexive relation only
 పరావర్తన సంబంధం మాత్రమే
- (2) Symmetric relation only
 సౌష్ఠవ సంబంధం మాత్రమే
- (3) Transitive relation only
 సంక్రమ సంబంధం మాత్రమే
- (4) Symmetric and transitive relation
 సౌష్ఠవ మరియు సంక్రమ సంబంధం
- ✓ (2) Symmetric relation only
 సౌష్ఠవ సంబంధం మాత్రమే
55. If a set G has 4 elements, then the number of binary operations that can be defined on G is
 ఒక సమితి G లో 4 మూలకాలుంటే, G పై నిర్వచింపగల యుగ్గు పరిక్రియల సంఖ్య
- ✓ (1) 4^{16} (2) 4^4
 (3) 2^{16} (4) 16^4

56. Define a binary operation * on the set Z of all integers by " $m * n = m - n + mn$, for all $m, n \in Z$ ". Then the binary operation * is

పూర్తాంకాలన్నింటి సమితి Z పై ఒక యుగ్గ పరిక్రియ * ని "ప్రతి $m, n \in Z$ లి, $m * n = m - n + mn$ " గా నిర్వచించాం. అప్పుడు యుగ్గ పరిక్రియ *

(1) Commutative and associative

వినిమయము మరియు సాహచర్యము

(2) Commutative, but not associative

వినిమయం అప్పుతుంది, కానీ సాహచర్యం కాదు

(3) Associative, but not commutative

సాహచర్యం అప్పుతుంది, కానీ వినిమయం కాదు

(4) Neither commutative nor associative

వినిమయమూకాదు, సాహచర్యమూకాదు

57. Let (G, \cdot) be a group and $a, b \in G$. Then $(a \cdot b \cdot a^{-1})^{-1} =$

(G, \cdot) ఒక సమూహం మరియు $a, b \in G$ అనుకోందాం. అప్పుడు $(a \cdot b \cdot a^{-1})^{-1} =$

(1) b^{-1}

(2) $a b^{-1} a^{-1}$

(3) $a^{-1} b^{-1} a$

(4) $a^{-1} b a$

58. We define a binary operation * on the set Z of all integers by " $m * n = m + n - 22$, for all $m, n \in Z$ ". Then the identity element in the group $(Z, *)$ is

పూర్తాంకాలన్నింటి సమితి Z పై ఒక యుగ్గ పరిక్రియ * ని "ప్రతి $m, n \in Z$ లి, $m * n = m + n - 22$ " గా నిర్వచించాం.

అప్పుడు సమూహం $(Z, *)$ లోని తత్త్వములకం

(1) 0

(2) -22

(3) 22

(4) 44

59. Let Z_8 be the set of all residue classes of integers modulo 8. Then in the group $(Z_8, +_8)$, the number of solutions of the equation $3x + \bar{7} = \bar{5}$ is

8 మాపంగా గల పూర్తాంకాల అవక్షేప తరగతుల అన్నింటి సమితిని Z_8 అనుకోందాం. అప్పుడు సమూహం $(Z_8, +_8)$ లో సమీకరణం $3x + \bar{7} = \bar{5}$ యొక్క సాధనం సంఖ్య

(1) 1

(2) 2

(3) 3

(4) 0

60. Let S_n denote the set of all permutations defined on an n -element set. Then in the group $(S_6, 0)$, $(2\ 4\ 5\ 6)\ 0\ (2\ 4\ 5\ 6) =$

n మూలకాలున్న సమితిపై నిర్వచింపగల ప్రస్తారాల అన్నింటి సమితిని S_6 అనుకోందాం. అప్పుడు సమూహం $(S_6, 0)$ లో $(2\ 4\ 5\ 6)\ 0\ (2\ 4\ 5\ 6) =$

(1) $(2\ 4\ 5\ 6)$

(2) $(2\ 4)\ 0\ (5\ 6)$

(3) $(2\ 5)\ 0\ (4\ 6)$

(4) $(2\ 6)\ 0\ (4\ 5)$

61. The number of generators of a cyclic group of order 15 is

పరిమాణం 15 గా గల చక్కియ సమూహానికి జనక మూలకాల సంఖ్య

(1) 10

(2) 8

(3) 4

(4) 2

62. Let $(Z, +)$ be the group of all integers under addition and (G, \cdot) the group of 4th roots at unity under multiplication. If we define $f: Z \rightarrow G$ by $f(n) = (i)^n$, for all $n \in Z$ then $\text{Ker } f =$
 ప్రాథమిక సంకలనం ద్వారా పూర్తిగా నమూహం, (G, \cdot) అనేది గుణనం ద్వారా ఏకకం యొక్క 4 వ మూలాలతో
 ఏర్పడే నమూహం అనుకోందాం. $f: Z \rightarrow G$ ని, ప్రతి $n \in Z$ లో, $f(n) = (i)^n$ గా నిర్ణయిస్తే, f యొక్క అంతస్తము $\text{Ker } f =$

(1) Z (2) $2Z$ (3) $3Z$ (4) $4Z$

63. Let G be a group and $a \in G$. If $o(a) = 6$ then $o(a^8) =$
 G ఒక సమూహం, $a \in G$ అనుకోందాం. $o(a) = 6$ అయితే, $o(a^8) =$

(1) 48 (2) 2 (3) 3 (4) 4

64. Let G be a group of order 72 and H a sub group of G of order 18. Then the number of distinct left co-sets of H in E is

పరిమాణం 72 గా గల ఒక సమూహాన్ని G అనీ, పరిమాణం 18 గా గల దాని ఒక ఉపసమూహాన్ని H అనీ అనుకోందాం.
 అప్పుడు G లో H యొక్క విభిన్న ఎడమ సహస్రమితుల సంఖ్య

(1) 4 (2) 9 (3) 18 (4) 6

65. In the ring $(Z, +, \cdot)$ of integers, the number of maximal ideals is
 పూర్తిగా వలయం $(Z, +, \cdot)$ లో, అధికతమ ఆదర్శాల (పాటియల్) సంఖ్య

(1) 0 (2) 1 (3) 2 (4) Infinite (అనంతము)

66. The number of prime ideals of the ring $(Z_{11}, +_{11}, X_{11})$ of all residue classes of integers modulo 11 is
 11 మాపంగా గల పూర్తిగా అన్ని అవకీష తరగతుల వలయం $(Z_{11}, +_{11}, X_{11})$ యొక్క ప్రధాన ఆదర్శాల సంఖ్య

(1) 0 (2) 1 (3) 2 (4) more than 2
 0 1 2
 రెండుకంటే ఎక్కువ

67. In the ring $(Z, +, \cdot)$ of all integers, the set $13Z$ is

అన్ని పూర్తిగా వలయం $(Z, +, \cdot)$ లో, $13Z$ అనే సమితి

- (1) a sub ring but not an ideal
 ఒక ఉపవలయం అవుతుంది, కానీ ఆదర్శం కాదు
- (2) an ideal but not a prime ideal
 ఒక ఆదర్శం అవుతుంది, కానీ ప్రధాన ఆధర్శం కాదు
- (3) a prime ideal but not a maximal ideal
 ఒక ప్రధాన ఆదర్శం అవుతుంది, కానీ అధికతమ ఆదర్శం కాదు
- (4) a maximal ideal
 ఒక అధికతమ ఆదర్శము

68. The number of idempotent elements in the ring $(\mathbb{Z}_{12}, +_{12}, \times_{12})$ of all residue classes of integers modulo 12 is

12 మాపంగా గల పూర్తికాల అన్ని అవక్షేప తరగతుల వలయం $(\mathbb{Z}_{12}, +_{12}, \times_{12})$ లో, అపరివర్తిత (idempotent) మూలకాల సంఖ్య

- (1) 1 (2) 2 (3) 3 ✓(4) 4

- Q 69. In the ring $(\mathbb{Z}_{15}, +_{15}, \times_{15})$ of all residue classes of integers modulo 15, the number of solutions of the equation " $x^2 = \bar{1}$ " is

15 మాపంగా గల పూర్తికాల అన్ని అవక్షేప తరగతుల వలయం $(\mathbb{Z}_{15}, +_{15}, \times_{15})$ లో, సమీకరణం " $x^2 = \bar{1}$ " లో గల మూలాల సంఖ్య

- (1) 0 (2) 1 (3) 2 (4) 3

70. The number of non-zero zero divisors in the ring $(\mathbb{Z}_9, +_9, \times_9)$ of all residue classes of integers modulo 9 is

9 మాపంగా గల పూర్తికాల అన్ని అవక్షేప తరగతుల వలయం $(\mathbb{Z}_9, +_9, \times_9)$ లోని, శూన్యతర శూన్య భాజకాల సంఖ్య

- (1) 0 (2) 1 ✓(3) 2 (4) 3

71. Which one of the following rings is an integral domain but not a field?

కేంద్ర వలయాలలో పూర్తికం పదేశం అవుతూ, క్లీటం కానిది ఏది?

- (1) $(\mathbb{Z}_7, +_7, \times_7)$ ✓(2) $(\mathbb{Z}, +, \cdot)$ (3) $(\mathbb{Z}_6, +_6, \times_6)$ (4) $(\mathbb{R}, +, \cdot)$

72. The number of prime ideals in a field is

ఒక క్లీటంలోని ప్రథాన ఆదర్శాల సంఖ్య

- ✓(1) 1 (2) 2 (3) Infinite (అనంతం) (4) 0

73. In the ring $(\mathbb{Z}_{13}, +_{13}, \times_{13})$ of all residue classes of integers modulo 13, the number of associates of $\bar{4}$ is

13 మాపంగా గల పూర్తికాల అన్ని అవక్షేప తరగతుల వలయం $(\mathbb{Z}_{13}, +_{13}, \times_{13})$ లో, $\bar{4}$ యొక్క సహచరుల సంఖ్య

- ✓(1) 12 (2) 8 (3) 4 (4) 1

74. Over the ring $(\mathbb{Z}_7, +_7, \times_7)$ of all residue classes of integers modulo 7, which one of the following is an irreducible polynomial?

7 మాపంగా గల పూర్తికాల అన్ని అవక్షేప తరగతుల వలయం $(\mathbb{Z}_7, +_7, \times_7)$ పై, కేంద్ర వానిలో అక్షీణబహువది ఏది?

- ✓(1) $x^2 + 2x + 3$ (2) $x^2 + 3$ (3) $x^2 + x + 1$ (4) $x^2 + x + 5$

75. Let R be a commutative ring with unity and I be an ideal of R . Then a necessary and sufficient condition for the quotient ring R/I to be a field is

R అనేది ఒక తత్స్వము నహిత వివిధమయం మరియు R లో I ఒక ఐడియల్ అనుకొందాం. అప్పుడు వ్యుత్స్వన్న వలయం R/I ఒక క్లీతం కావడానికి, ఇది ఒక అవశ్యక పర్యాప్త నియమం

- (1) I is a prime ideal
I ఒక ఆభాజ్య ఐడియల్
- (3) I is a proper ideal
I ఒక శుద్ధ ఐడియల్

- (2) I is a maximal ideal
I ఒక అధికతము ఐడియల్
- (4) I is a non-zero ideal
I ఒక శూన్యేతర ఐడియల్

76. Let $f(x) = 4x^2 + 2x + 5$ and $g(x) = 3x^2 + 3x + 4$ be polynomials over the ring $(\mathbb{Z}_6, +_6, \times_6)$. Then the degree of the polynomial $f(x) \cdot g(x) =$ వలయం $(\mathbb{Z}_6, +_6, \times_6)$ ల్లి $f(x) = 4x^2 + 2x + 5$ మరియు $g(x) = 3x^2 + 3x + 4$ లు రెండు బహువదులు అనుకొందాం. అప్పుడు బహువది $f(x) \cdot g(x)$ యొక్క తరగతి

- (1) 4 (2) 3 (3) 2 (4) 1

77. If W_1 and W_2 are sub spaces of a vector space V then which one of the following is NOT true?
 W_1, W_2 లు ఒక సదికాంతరాళం V యొక్క ఉపాంతరాళాలు అయితే, అప్పుడు ఈ క్రింది వానిలో ఏది అసత్యము?

- (1) $W_1 \cap W_2$ is non empty
 $W_1 \cap W_2$ శూన్యేతరం
- (2) $W_1 \cap W_2$ is a sub space of $V(F)$
 $V(F)$ యొక్క ఒక ఉపాంతరాళం $W_1 \cap W_2$
- (3) $W_1 \cup W_2$ is a sub space of $V(F)$
 $V(F)$ యొక్క ఒక ఉపాంతరాళం $W_1 \cup W_2$
- (4) $W_1 + W_2$ is a sub space of $V(F)$
 $V(F)$ యొక్క ఒక ఉపాంతరాళం $W_1 + W_2$

78. Which of the following statements is NOT true?

క్రింది ప్రపచనాలలో ఏది సత్యము కాదు?

- (I) All subsets of a linearly dependent set of vectors need not be linearly dependent
ఒక రుజు పరాధీన సదికా సమితి యొక్క అన్ని ఉపసమితులు రుజు పరాధీనము కానక్కరలేదు.
- (II) Any subset of a linearly independent set of vectors is linearly independent
ఒక ఏకఫూత స్వతంత్ర సదికా సమితి యొక్క ఏ ఉపసమితి అయినా ఏక ఫూత స్వతంత్రము
- (III) Any set of vectors which contains the zero (null) vector is linearly independent
శూన్య సదిశను కలిగి ఉండే ఏ సదిశల సమితి అయినా రుజు స్వతంత్రము
- (IV) A set S of n vectors is linearly independent if and only if for vectors $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n \in S$,
 $C_1 \alpha_1 + C_2 \alpha_2 + \dots + C_n \alpha_n = \vec{0} \Rightarrow$ each $C_i = 0$.
- n సదిశలు కలిగిన సమితి S ఏక ఫూత స్వతంత్రం కావడానికి, సదిశలు $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n \in S$ లో $C_1 \alpha_1 + C_2 \alpha_2 + \dots + C_n \alpha_n = \vec{0} \Rightarrow$ ప్రతి $C_i = 0$ అనేది అవశ్యక పర్యాప్తం.
- (1) I (2) II (3) III (4) IV

84. If $T : \mathbb{R}^{10} \rightarrow \mathbb{R}^6$ is a linear transformation with the Kernel having the dimension six, then the dimension of the range of T is

$T : \mathbb{R}^{10} \rightarrow \mathbb{R}^6$ యొక్క అంతస్థానికి పరిమాణం 6 ఒక ఏకఫూత రూపాంతరణము అయితే, అప్పుడు T యొక్క వ్యాప్తి పరిమాణము

(1) 6

(2) 5

(3) 4

(4) 2

85. If $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$ is a linear transformation defined by $T(a, b, c) = (0, a, b)$, then which one of the following is True?

$T(a, b, c) = (0, a, b)$ ఒక ఏకఫూత రూపాంతరణము $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$ నిర్వచితమైతే, అప్పుడు ఈ క్రింది వానిలో ఏది నత్యము?

(1) $T = \hat{0}$ (2) $T^2 = \hat{0}$ (3) $T^3 = \hat{0}$ (4) $T^4 \neq \hat{0}$

86. If $T : V_2(\mathbb{R}) \rightarrow V_3(\mathbb{R})$ defined by $T(a, b) = (2a + 3b, a - b, b)$ is a linear transformation, then the nullity of T is

$T(a, b) = (2a + 3b, a - b, b)$ నిర్వచితమైన $T : V_2(\mathbb{R}) \rightarrow V_3(\mathbb{R})$ ఒక ఏకఫూత రూపాంతరణము అయితే, అప్పుడు T యొక్క శూన్యత్వము

(1) 0

(2) 1

(3) 2

(4) 3

87. The transition matrix P from the standard ordered basis $\{(1, 1), (-1, 0)\}$ is ప్రామాణిక క్రమ ఆధారము నుంచి క్రమ ఆధారము $\{(1, 1), (-1, 0)\}$ కి సంక్రమ (Transition) మాత్రిక P

(1) $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$ (2) $\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ (3) $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ (4) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

88. Let $A = \begin{bmatrix} \cos^2 \theta & \sin \theta \cos \theta \\ \sin \theta \cos \theta & \sin^2 \theta \end{bmatrix}$ and $B = \begin{bmatrix} \cos^2 \phi & \sin \phi \cos \phi \\ \sin \phi \cos \phi & \sin^2 \phi \end{bmatrix}$

If AB is a null matrix then θ and ϕ differ by

$A = \begin{bmatrix} \cos^2 \theta & \sin \theta \cos \theta \\ \sin \theta \cos \theta & \sin^2 \theta \end{bmatrix}$ మరియు $B = \begin{bmatrix} \cos^2 \phi & \sin \phi \cos \phi \\ \sin \phi \cos \phi & \sin^2 \phi \end{bmatrix}$ అనుకోందాం. AB శూన్య మాత్రిక అయితే,

అప్పుడు θ మరియు ϕ ల మధ్య భేదం

(1) $\frac{\pi}{4}$ (2) an even multiple of $\frac{\pi}{2}$ $\frac{\pi}{2}$ యొక్క ఒక సరి గుణిజము(3) an odd multiple of $\frac{\pi}{2}$ (4) $\frac{2\pi}{3}$ $\frac{\pi}{2}$ యొక్క ఒక బేసి గుణిజము

89. The number of distinct eigen values of a unit matrix of order $n > 2$ is

పరిమాణము $n > 2$ గా లభిగిన ఒక యూనిట్ మాత్రిక్ యొక్క విభిన్న లక్షణాలకు విలువల సంఖ్య

90. Which one of the following statements is *True*?

క్రింది ప్రవచనాలలో ఏది నత్యము?

- (I) The eigen vectors corresponding to the repeated eigen values of a matrix are linearly independent
 ఒక మాత్రిక యొక పునరవృత్త లాజింపిక (పగ్నీ) విలువలకి అనుగుణమయ్యే లాజింపిక సదిశాలు ఏకఘాత స్వతంత్రము

- (II) If A is any square matrix, then $|A^2 - \lambda^2 I| = 0$ is called the characteristic equation of A. A එදුන ජතුරු මාලික අයුත්, $|A^2 - \lambda^2 I| = 0$ නි A යොකු ලක්ෂණීක ප්‍රම්‍රාණං අංගා.

- (III) If X_i is an eigen vector corresponding to an eigen value λ_i , then $C + X_i$ is also an eigen vector, where C is an arbitrary constant.

C ఒక యాద్యచ్ఛిక స్థిరరాశి అయినప్పుడు, ఒక లాక్షణిక విలువ λ_i కి అనుగుణమయ్యే ఒక లాక్షణిక నదిశ X_i అయితే, అప్పుడు $C + X_i$ కూడా ఒక లాక్షణిక నదిశ అవుతుంది.

- (IV) The eigen vector corresponding to an eigen value of a matrix is not unique.

ఒక మూత్రిక యొక, ఒక ల్యాక్టసిక (బగ్వీ) విలువకు అనుగుణమయ్యే ల్యాక్టసిక సదిశ ఏకైకం కాదు

- ✓(4) IV

91. The value of λ , for which the equations $2x + 3y + 5z = 9$, $7x + 3y - 2z = 8$ and $2x + 3y + \lambda z = 5$, have no solution, is

λ యొక్క తా విలువకు, $2x + 3y + 5z = 9$, $7x + 3y - 2z = 8$ మరియు $2x + 3y + \lambda z = 5$ నమీకరణాలు సాధనము కలిగి ఉండవ).

- ✓ (4) 5

92. For what value of λ , the equations $2x_1 - 2x_2 + x_3 = \lambda x_1$, $2x_1 - 3x_2 + 2x_3 = \lambda x_2$ and $-x_1 + 2x_2 = \lambda x_3$ possess a non-trivial solution?

λ యొక్క ఏ విలువకు, $2x_1 - 2x_2 + x_3 = \lambda x_1$, $2x_1 - 3x_2 + 2x_3 = \lambda x_2$ మరియు $-x_1 + 2x_2 = \lambda x_3$ నీటికరణలు ఒక శూన్యతర సాధనమును కలిగి ఉంటాయి?

- (1) $\lambda = 1$ (2) $\lambda = 2$ (3) $\lambda = 3$ (4) $\lambda = 5$

93. The rank of the matrix $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 & -3 & -6 \\ 3 & -3 & 1 & 2 \\ 1 & 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$ is

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 1 & -3 & -6 \\ 3 & -3 & 1 & 2 \\ 1 & 1 & 1 & 2 \end{bmatrix} \text{ మాత్రిక్ యొక్క కోటి}$$

- (1) 3 (2) 2 (3) 1 (4) 4

94. If $A = \begin{bmatrix} a & a' & a'' \\ b & b' & b'' \\ 3a & 3a' & 3a'' \end{bmatrix}$, then $|A| =$

$$A = \begin{bmatrix} a & a' & a'' \\ b & b' & b'' \\ 3a & 3a' & 3a'' \end{bmatrix} \text{ అయితే, అప్పుడు } |A| =$$

- (1) $3aa' a''$ (2) 3 (3) 0 (4) 1

95. If two of the eigen values of the matrix $A = \begin{bmatrix} 8 & -6 & 2 \\ -6 & 7 & -4 \\ 2 & -4 & 3 \end{bmatrix}$ are 3 and 15, then its third eigen value is

$$\text{మాత్రిక్ } A = \begin{bmatrix} 8 & -6 & 2 \\ -6 & 7 & -4 \\ 2 & -4 & 3 \end{bmatrix} \text{ యొక్క రెండు సగన్ విలువలు 3 మరియు 15 అయితే, దాని మూడవ సగన్ విలువ}$$

- (1) 0 (2) 2 (3) -5 (4) 12

96. If a matrix A is both symmetric and skew-symmetric, then

A అనే ఒక మాత్రిక్ సౌష్టవము మరియు అసౌష్టవము అయితే, అప్పుడు

- (1) A is a diagonal matrix
A ఒక వికర్ణ మాత్రిక్
(3) A is an orthogonal matrix
A ఒక లంబ మాత్రిక్

- (2) A is a null matrix
A ఒక శూన్య మాత్రిక్
(4) A is an idempotent matrix
A ఒక సమక్షయ మాత్రిక్

97. If A and B are non zero matrices such that rank A = l and rank B = m , then

కోటి A = l మరియు కోటి B = m అయ్యేటట్లుగా A మరియు B లు శూన్యేతర మాత్రికలయితే, అప్పుడు

(1) rank [AB] = l + m

[AB] కోటి = l + m

(2) rank [AB] = l · m

[AB] కోటి = l · m

(3) rank [AB] = maximum of l, m

[AB] కోటి = l, m లలో గరిష్ట.

✓ (4) rank [AB] ≤ minimum of l, m

[AB] కోటి ≤ l, m లలో కవిష్ట.

98. If $A = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & 2 & a \\ 2 & 1 & b \\ 2 & -2 & c \end{bmatrix}$ is an orthogonal matrix, then $a^2 + b^2 + c^2 =$

$A = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & 2 & a \\ 2 & 1 & b \\ 2 & -2 & c \end{bmatrix}$ ఒక లంబమాత్రిక అయితే, అప్పుడు $a^2 + b^2 + c^2 =$

(1) 6

✓ (2) 9

(3) 14

(4) 19

99. The magnitude of the shortest distance between the lines $\frac{x}{2} = \frac{y}{-3} = \frac{z}{1}$ and $\frac{x-2}{3} = \frac{y-1}{-5} = \frac{z+2}{2}$ is

$\frac{x}{2} = \frac{y}{-3} = \frac{z}{1}$ మరియు $\frac{x-2}{3} = \frac{y-1}{-5} = \frac{z+2}{2}$ సరళ రేఖల మధ్య నుండే కవిష్టదూరం యొక్క పరిమాణం

✓ (1) $\frac{1}{\sqrt{3}}$

(2) 1

(3) $\sqrt{3}$

(4) $\frac{1}{3}$

100. The equation of the plane through the points (1, 0, 0); (0, 2, 0) and (0, 0, 3) is

(1, 0, 0), (0, 2, 0), (0, 0, 3) బిందువులగుండా పోయే తలం సమీకరణం

(1) $x + y + z = 1$ ✓ (2) $6x + 3y + 2z = 6$ (3) $x + 2y + 3z = 1$ (4) $3x + 2y + 2z = 6$

101. A point on the line of intersection of the planes $x + y + z + 1 = 0$ and $4x + y - 2z + 2 = 0$ is $x + y + z + 1 = 0$ మరియు $4x + y - 2z + 2 = 0$ తలాల ఛేదన రేఖపైనున్న ఒక బిందువు

✓ (1) $\left(0, \frac{-4}{3}, \frac{1}{3}\right)$

(2) (1, -2, 0)

(3) $\left(0, \frac{-4}{3}, \frac{-1}{3}\right)$

(4) (1, -2, 1)

102. If $P(-1, 0, 7)$, $Q(3, 2, x)$ and $R(5, 3, -2)$ are collinear, then $x =$

$P(-1, 0, 7)$, $Q(3, 2, x)$ మరియు $R(5, 3, -2)$ లు సరేఫీయమైతే, అప్పుడు $x =$

(1) 5

(2) 1

(3) $\frac{5}{2}$

(4) 3

103. The equation of the plane through the point $(4, 0, 1)$ and parallel to the plane $4x + 3y - 12z + 8 = 0$ is $(4, 0, 1)$ బిందువు గుండా పోతూ, $4x + 3y - 12z + 8 = 0$ తలానికి సమాంతరంగా ఉండే తలం సమీకరణం

(1) $4x + 3y - 12z + 4 = 0$

(2) $4x + 3y - 12z - 4 = 0$

(3) $4x + 3y - 12z - 1 = 0$

(4) $4x + 3y + 12z + 4 = 0$

104. The radius of the circle $x^2 + y^2 + z^2 + x + y + z - 4 = 0$, $x + y + z = 0$, is

$x^2 + y^2 + z^2 + x + y + z - 4 = 0$, $x + y + z = 0$ అనే వృత్త వ్యాసార్ధం

(1) 4

(2) 2

(3) 19

(4) 1

105. If the plane $x + y + z = k\sqrt{3}$ touches the sphere $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2y - 2z - 6 = 0$, then $k =$

$x + y + z = k\sqrt{3}$ అనే తంఠ, $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2y - 2z - 6 = 0$ అనే గోళాన్ని తాకుతుంచే, అప్పుడు k ఏలువ

(1) $\sqrt{3}$

(2) 3

(3) $\sqrt{3} \pm 3$

(4) ± 2

106. The equation of the line passing through $(3, 1, 2)$ and equally inclined to the coordinate axes are

$(3, 1, 2)$ గుండా పోతూ, నిరూపకాక్షాలకు సమానంగా వాలి ఉన్న సరళ రేఖ యొక్క సమీకరణాలు

(1) $\frac{x-3}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-2}{3}$

(2) $\frac{x-3}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-2}{3}$

(3) $\frac{x-1}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-2}{3}$

(4) $\frac{x-3}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-2}{1}$

107. The lines $x = az + b$, $y = cz + d$ and $x = a_1 z + b_1$; $y = c_1 z + d_1$ are perpendicular if

$x = az + b$, $y = cz + d$ మరియు $x = a_1 z + b_1$; $y = c_1 z + d_1$ సరళ రేఖలు ఒంబంగా ఉండాలంటే

(1) $aa_1 + bb_1 + cc_1 = dd_1$

(2) $aa_1 + cc_1 + 1 = 0$

(3) $aa_1 + bb_1 + 1 = 0$

(4) $aa_1 + dd_1 + 1 = 0$

108. The centroid of the triangle with vertices, $(7, -4, 7)$, $(1, -6, 10)$ and $(5, -1, 1)$ is
 $(7, -4, 7)$, $(1, -6, 10)$ మరియు $(5, -1, 1)$ లను శీర్షాలుగా గలిగిన త్రిభుజ కేంద్ర భాసము

- (1) $\left(\frac{13}{3}, \frac{-11}{3}, 6\right)$ (2) $(0, 0, 0)$ (3) $(1, 1, 1)$ (4) $\left(\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, 4\right)$

109. An equation of a tangent plane to the sphere $x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 2y - 6z + 5 = 0$ which is parallel to the plane $2x + 2y - z = 0$ is

$2x + 2y - z = 0$ తలానికి సమాంతరంగా ఉండి $x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 2y - 6z + 5 = 0$ అనే గోళానికి ఒక స్పర్శీయ తలం యొక్క సమీకరణం

- (1) $2x + 2y - z - 8 = 0$ (2) $x + y - z = 4$
 (3) $2x + 2y - z + 13 = 0$ (4) $2x + 2y - z + 15 = 0$

110. If the radius of the sphere $x^2 + y^2 + z^2 + 6x - 8y - \lambda = 0$, is 6, then $\lambda =$
 $x^2 + y^2 + z^2 + 6x - 8y - \lambda = 0$ గోళం యొక్క వ్యాసార్ధం 6 అయితే, అప్పుడు $\lambda =$

- (1) 14 (2) 36 (3) 11 (4) 61

111. The equation of the sphere with $(1, 2, 3)$ and $(2, 3, 4)$ as the ends of a diameter is
 $(1, 2, 3)$ మరియు $(2, 3, 4)$ లను ఒక వ్యాసం కొనలుగా గలిగిన గోళం సమీకరణం

- (1) $x^2 + y^2 + z^2 - x - 2y - 3z + 20 = 0$ (2) $x^2 + y^2 + z^2 - 3x - 5y - 7z + 20 = 0$
 (3) $x^2 + y^2 + z^2 - 3x - 5y - 7z - 20 = 0$ (4) $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 3y - 4z + 20 = 0$

112. $\frac{d}{dx} (\tan^{-1} (\sec x + \tan x)) =$

- (1) 1 (2) $\sec x + \tan x$ (3) $\frac{1}{2}$ (4) 2

113. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \sin x}{x^3} =$

- (1) $\frac{1}{3}$ (2) $\frac{1}{4}$ (3) $\frac{1}{6}$ (4) $-\frac{1}{6}$

114. The infimum of the set $A = \left\{ 1 + \frac{(-1)^n}{n} \middle| n \in N \right\}$ is

$A = \left\{ 1 + \frac{(-1)^n}{n} \middle| n \in N \right\}$ సమితి యొక్క గరిష్ట దిగువ హద్దు

- (1) 0 (2) 1 (3) -1 (4) $\frac{1}{2}$

115. The sequence $\left\{ \frac{(-1)^n}{n} \right\}$ is

$\left\{ \frac{(-1)^n}{n} \right\}$ అనుక్రమము

- | | |
|--|---|
| (1) increasing sequence
అరోహణ అనుక్రమము | (2) decreasing sequence
అవరోహణ అనుక్రమము |
| (3) unbounded
అవరింధనము | <input checked="" type="checkbox"/> (4) bounded
వరింధనము |

116. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2^{x+2} - 16}{4^x - 16} =$

- (1) 2 (2) $\frac{1}{2}$ (3) 4 (4) $\frac{1}{4}$

117. Let $f: [-1, 1] \rightarrow R$ be defined by

$$\begin{aligned} f(x) &= 2 \text{ when } x \neq 0 \\ &= 0 \text{ when } x = 0; \end{aligned}$$

$$\text{then } \int_{-1}^1 f(x) dx =$$

$$\begin{aligned} f(x) &= 2, x \neq 0 \text{ అయినప్పుడు} \\ &= 0, x = 0 \text{ అయినప్పుడు}; \end{aligned}$$

$$\text{Now } f: [-1, 1] \rightarrow R \text{ నిర్వచితమైనది అనుకొండాం. అప్పుడు } \int_{-1}^1 f(x) dx =$$

- (1) 0 (2) 1 (3) 4 (4) 2

118. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left[\frac{1}{(n+1)^2} + \frac{1}{(n+2)^2} + \dots + \frac{1}{(n+n)^2} \right] =$

(1) 1 (2) 2 (3) e ✓(4) 0

119. Let $f(x) = 2x^2 - 7x + 10$ be defined on $[2, 5]$. If $\frac{f(5) - f(2)}{3} = f'(\xi)$, then $\xi =$

$[2, 5]$ లో $f(x) = 2x^2 - 7x + 10$ గా నిర్వచితమైనది అనుకొందాం. $\frac{f(5) - f(2)}{3} = f'(\xi)$ అయితే, అప్పుడు $\xi =$

(1) $\frac{2}{7}$ ✓(2) $\frac{7}{2}$ (3) 0 (4) 1

120. The function $f(x) = x^3 - 6x^2 - 36x + 7$ is an increasing function in x , if x belongs to $f(x) = x^3 - 6x^2 - 36x + 7$ ప్రమేయం, x లో ఆరోహణ ప్రమేయం కావడానికి, x దీనికి చెందాలి.

(1) $(-2, 0)$ (2) $(0, 6)$ (3) $(-\infty, 6)$ ✓(4) $(-\infty, -2) \cup (6, \infty)$

121. If the function $f(x) = \frac{e^x - e}{x-1}$, for $x \neq 1$, is to be continuous at $x = 1$, then $f(1) =$

$x \neq 1$ లో, $f(x) = \frac{e^x - e}{x-1}$ అనే ప్రమేయం $x = 1$ వద్ద అవిచ్చిన్నాం కావాలంటే, $f(1) =$

(1) $\frac{1}{e-1}$ (2) $e - 1$ ✓(3) e (4) $\frac{1}{e}$

122. $\int_{-1}^1 |x| dx =$

(1) 0 ✓(2) 1 (3) 2 (4) -1

123. The supremum of the set $\left\{ \frac{1}{n} + \frac{1}{2^n} \middle| n \in N \right\}$ is

$\left\{ \frac{1}{n} + \frac{1}{2^n} \middle| n \in N \right\}$ సమితి యొక్క కనిష్ఠఎగువ పాద్య

(1) 1 (2) $\frac{1}{2}$ ✓(3) $\frac{3}{2}$ (4) 2

124. The range of $f(x) = 3\sin\left(2x - \frac{2\pi}{3}\right) + 8$ ($x \in R$) is

$$f(x) = 3\sin\left(2x - \frac{2\pi}{3}\right) + 8 \quad (x \in R) \text{ యొక్క వాటి}$$

- (1) [5, 11] (2) [0, 11] (3) [-3, 5] (4) [3, 11]

125. If $f: R \rightarrow R$ is defined by $f(x) = x^2 + 1$ then $f^{-1}[\{-3\}] =$

$$f(x) = x^2 + 1 \text{ ఏ ఫంక్షన్ } f: R \rightarrow R \text{ నిర్వచితమైతి, అప్పుడు } f^{-1}[\{-3\}] =$$

- (1) {4} (2) {-3} (3) {0} (4) \emptyset , the empty set
 \emptyset , ఖాన్గ సమితి

126. The complementary function of the equation $\frac{d^2y}{dx^2} - 2\frac{dy}{dx} + 2y = x + e^x \cos x$ is

$$\frac{d^2y}{dx^2} - 2\frac{dy}{dx} + 2y = x + e^x \cos x \text{ సమీకరణం యొక్క పూరక ప్రమేయం}$$

- (1) $c_1 \cos x + c_2 \sin x$ (2) $e^x (c_1 \cos x + c_2 \sin x)$
 (3) $e^{-x} (c_1 \cos x + c_2 \sin x)$ (4) $(x + e^x) (c_1 \cos x + c_2 \sin x)$

c_1, c_2 are arbitrary constants

c_1, c_2 ఎ యాద్యచ్ఛిక స్థిరరాశులు.

127. If $y \sqrt{1-x^2} dy + x \sqrt{1-y^2} dx = 0$, then

$$y \sqrt{1-x^2} dy + x \sqrt{1-y^2} dx = 0 \text{ అయితే, అప్పుడు}$$

- (1) $\sqrt{1-y^2} + \sqrt{1-x^2} = c$ (2) $\frac{1-y^2}{1-x^2} = c$
 (3) $xy \sqrt{1-x^2} = c$ (4) $\frac{1}{\sqrt{1-x^2} - \sqrt{1-y^2}} = c$

c is an arbitrary constant

c ఒక యాద్యచ్ఛిక స్థిరరాశి.

128. $xy = ae^x + be^{-x}$, where a and b are arbitrary constants, is a solution of the differential equation
 a, b యాద్యచ్ఛిక వలరాశులయితి, $xy = ae^x + be^{-x}$ సాధన అయ్యు అవకలన సమీకరణం

- (1) $x \frac{d^2y}{dx^2} + 2\frac{dy}{dx} = xy$ (2) $x \frac{d^2y}{dx^2} + \frac{dy}{dx} = y$ (3) $\frac{d^2y}{dx^2} + y = 0$ (4) $\frac{d^2y}{dx^2} + y = xy$

129. An integrating factor of $\left(\frac{e^{-2\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} - \frac{y}{\sqrt{x}} \right) \frac{dx}{dy} = 1$ is

$$\left(\frac{e^{-2\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} - \frac{y}{\sqrt{x}} \right) \frac{dx}{dy} = 1 \text{ యొక్క ఒక సమాకలన గుణకం}$$

- (1) $e^{2\sqrt{x}}$ (2) $e^{-2\sqrt{x}}$ (3) $e^{\sqrt{x}}$ (4) $e^{-\sqrt{x}}$

130. The order and degree of the differential equation $\left(5 + \frac{d^2y}{dx^2} \right)^{\frac{2}{3}} + \frac{dy}{dx} = x$ are, respectively

అవకలన సమీకరణం $\left(5 + \frac{d^2y}{dx^2} \right)^{\frac{2}{3}} + \frac{dy}{dx} = x$ యొక్క పరిమాణము, తరగతి (ఘూతము) లు వరుసగా

- (1) 2, 2 (2) 1, 3 (3) 2, 3 (4) 3, 3

131. The general solution of $\frac{dy}{dx} = \cos(x+y)$ is

$$\frac{dy}{dx} = \cos(x+y) \text{ యొక్క సాధారణ సాధన}$$

- (1) $x = \tan \left(\frac{x+y}{2} \right) + c$ (2) $y = \tan \left(\frac{x+y}{2} \right) + c$
 (3) $x = \tan(x+y) + c$ (4) $y = \tan(x+y) + c$

c is an arbitrary constant

c ఒక యొద్దుచ్చిక స్థిర రాశి

132. The general solution of $\frac{ydx - xdy}{y^2} = 0$ is

$$\frac{ydx - xdy}{y^2} = 0 \text{ యొక్క సాధారణ సాధన}$$

- | | |
|-----------------------------------|--|
| (1) $xy = \text{constant}$ | <input checked="" type="checkbox"/> (2) $x = (\text{constant}) y$
$x = (\sqrt[3]{c}) y$ |
| $xy = \sqrt[3]{c}$ | |
| (3) $x^2 + y^2 = \text{constant}$ | (4) $x - y = \text{constant}$
$x - y = \sqrt[3]{c}$ |
| $x^2 + y^2 = \sqrt[3]{c}$ | |

133. A particular integral of the equation $\frac{d^2y}{dx^2} - 2\frac{dy}{dx} + 4y = e^x \cos x$ is

$\frac{d^2y}{dx^2} - 2\frac{dy}{dx} + 4y = e^x \cos x$ నమికరణం యొక్క ప్రత్యేక సమాకలని

- (1) $\frac{e^x \cos x}{2}$ (2) $\frac{e^x \sin x}{2}$ (3) $e^x (\sin x + \cos x)$ (4) $\frac{e^{-x} \cos x}{2}$

134. One solution of $\frac{dy}{dx} - \frac{dx}{dy} = \frac{x}{y} - \frac{y}{x}$ is

$\frac{dy}{dx} - \frac{dx}{dy} = \frac{x}{y} - \frac{y}{x}$ యొక్క ఒక సాధనము

- (1) $xy = c$ (2) $x^2 + y^2 = c$ (3) $\frac{x}{y} = c$ (4) $e^{x-y} = c$

c is an arbitrary constant

c ఒక యాదృచ్ఛిక స్థిరరాశి

135. A particular integral of $\frac{d^2y}{dx^2} - 5\frac{dy}{dx} + 6y = e^{2x}$ is

$\frac{d^2y}{dx^2} - 5\frac{dy}{dx} + 6y = e^{2x}$ యొక్క ప్రత్యేక సమాకలని

- (1) e^{2x} (2) $-e^{2x}$ (3) e^{-2x} (4) $-x e^{2x}$

136. The orthogonal trajectories of the family of rectangular hyperbolas $xy = c^2$ where c is a parameter, are

c ఒక పరామితిగా $xy = c^2$ అనే లంబ అతి పరావలయాల కుటుంబం యొక్క లంబ సంచేదములు

- (1) $x^2 + y^2 = c$ (2) $x^2 - y^2 = c$ (3) $xy = c$ (4) $y^2 = 4 cx$

c is a parameter

c ఒక పరామితి

137. A solution of the differential equation $p = \cos(y - xp)$, where $p = \frac{dy}{dx}$ is

$p = \frac{dy}{dx}$ అయినప్పుడు, అవకలన నమికరణం $p = \cos(y - xp)$ యొక్క ఒక సాధనము

- (1) $y = \frac{c}{x} + \cos^{-1} c$ (2) $y = cx$ (3) $y = cx + \cos^{-1} c$ (4) $y = e^x + c$

c is an arbitrary constant

c ఒక యాదృచ్ఛిక స్థిరరాశి

138. The digit in the 10's place of the number $\sum_{m=1}^{225} m!$ is

$\sum_{m=1}^{225} m!$ అనే సంఖ్య యొక్క పదుల స్వానం లోని అంకాలు

139. The remainder we get when 5^{5^5} is divided by 6 is

555 ನಿ 6 ಚೆ ಭಾಗಿಸ್ತುವರೆ ಶೇಷ

- (1) 1 (2) 3 ✓(3) 5 (4) 0

- 140 The number of solutions of $4x \equiv 3 \pmod{8}$ in the interval $[0, 8]$ is

[0, 8] అంతరంలో, $4x \equiv 3 \pmod{8}$ కి గల సాధనల సంఖ్య

- (1) 0 (2) 1 (3) 4 (4) 3

141. If ϕ is the Euler-totient function, then $\phi(256) =$

ఫు అనేది ఆయులర్-టోపింట్ ప్రమేయం ఆయుతీ, $\phi(256) =$

- (1) 2 (2) 32 (3) 64 ✓(4) 128

142. The largest positive integer n such that 30^n divides $(249)!$ is

(249)! ని, 30" భాగించగలిగే గరిష్ణ ధన పూర్తాంక సంఖ్య n

- (1) 8 ✓ (2) 59 (3) 41 (4) 16

- 143 The sum of all positive integral divisors of 3600 is

3600 యొక. అని ధన పూర్వంక భాజకాల మొత్తం

- (1) 7299 (2) 10801 (3) 20799 ✓ (4) 12493

144. If α, β are the values of x satisfying the equation, $4^x - 3 \cdot 2^{x+3} + 128 = 0$, then $\alpha + \beta =$
 $4^x - 3 \cdot 2^{x+3} + 128 = 0$ තුළු වෙතින් x වලුවල α, β නියමිත් වූ ඇත්තේ $\alpha + \beta =$

SPACE FOR ROUGH WORK